

تصحيح تمارين الفيزياء السلسلة 4 حيد الضوء بواسطة شبكة

تمرين 1

1 - 1 تعبير θ_k بدلالة λ و a و K حيث $k \in \mathbb{Z}$:

نحسب فرق السير بين الشعاعين (1) و (2) بالعلاقة التالية : $\delta = a \sin \theta_k$
هذان الشعاعان يعطيان تداخلات إنشائية إذا كانت $\delta = k\lambda$ أي أن

$$k\lambda = a \sin \theta_k \Rightarrow \sin \theta_k = \frac{k\lambda}{a}$$

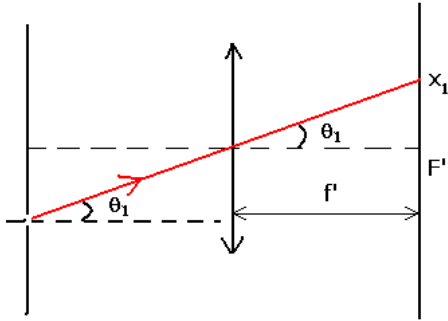
1 - 2 حساب θ_1 ($k=1$)

$$\sin \theta_1 = \frac{\lambda}{a} = 0,135$$

$$\theta_1 = 7^\circ 76$$

1 - 3 حالة $K=8$

نحسب $\sin \theta_8 = 1,08 > 1$ إذن من غير الممكن الحصول على بقعة ضوئية من الرتبة 8 ز



2 - العلاقة $x_1 = f'_1 \frac{\lambda}{a}$

حسب الشكل

$$\tan \theta_1 = \frac{x_1}{f'} \Rightarrow x_1 = f' \tan \theta_1$$

$$\tan \theta_1 \approx \sin \theta_1 = \frac{\lambda}{a}$$

$$x_1 = f' \frac{\lambda}{a}$$

تطبيق عددي : $x_1 = 3,37 \text{ cm}$

3 - قيمة زاوية الورود θ_0 :

نحسب فرق السير δ :

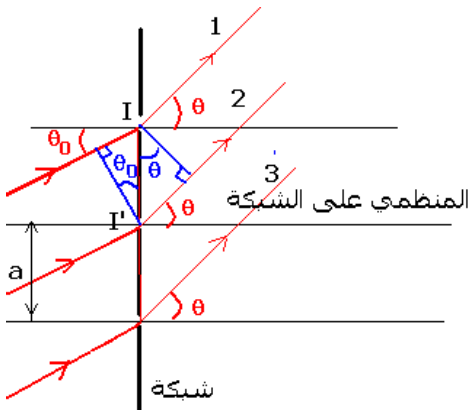
$$\delta = k\lambda = a(\sin \theta_k - \sin \theta_0)$$

$$\theta_k = \theta_4 = 0$$

$$\sin \theta_4 = \sin \theta_0 + \frac{k\lambda}{a} = 0$$

$$\sin \theta_0 = -4 \frac{\lambda}{a}$$

$$\theta_0 = -32^\circ 7$$



تمرين 2

1 - نطبق العلاقة التالية : $\sin\theta = k\lambda n$ حيث $k=1$ إذن $\sin\theta_R = n\lambda_R$ أي أن $\theta_R = 18,7^\circ$
نفس الشيء بالنسبة للضوء البنفسجي : $\sin\theta_V = n\lambda_V$ أي أن $\theta_V = 9,2^\circ$.

2 - قيمة الفرق : $\Delta\theta = \theta_R - \theta_V = 9,5^\circ$

حساب عرض الطيف هناك طريقتين لحسابه :

الطريقة الأولى :

من خلال الشكل يتبين أن عرض الطيف هو $F'_R F'_V$. وبما أن $\Delta\theta$ صغيرة فإنه يمكن أن نكتب بتقريب مقبول : $F'_R F'_V = f' \cdot \Delta\theta$ ($l=R$. θ) حيث f' المسافة البؤرية للعدسة و $\Delta\theta$ بالرديان rad .

$$F'_R F'_V = 30 \cdot 10^{-2} \cdot \frac{9,2 \cdot 2\pi}{180} = 4,8 \text{ cm}$$

الطريقة الثانية :

نطبق العلاقة التالية :

حيث $k=1$ فنحصل على : $x_{1R} - x_{1V} = k \cdot f' h (\lambda_R - \lambda_V)$

$$x_{1R} - x_{1V} = f' h (\lambda_R - \lambda_V) = 30 \cdot 10^{-2} \cdot 4 \cdot 10^5 \cdot (0,8 - 0,4) \cdot 10^{-6}$$

$$x_{1R} - x_{1V} = 4,8 \text{ cm}$$

تمرين 3

1 - حساب طول الموجة للضوء الأصفر λ_R .

$$\sin\theta = k \lambda_j n \text{ avec } k=1 \text{ et } n=4 \cdot 10^5$$

$$\lambda_j = \frac{\sin\theta}{n} = 0,572 \mu\text{m}$$

2 - لحساب الزوايا التي توافق اتجاهات الضوء الأصفر :

$$|\sin\theta| \leq 1$$

وحسب العلاقة السابقة :

$$|\sin\theta| \leq 1$$

$$-1 \leq \sin\theta \leq +1 \Rightarrow -1 \leq k \cdot \lambda_j \cdot n \leq +1$$

$$-\frac{1}{\lambda_j \cdot n} \leq k \leq +\frac{1}{\lambda_j \cdot n}$$

تطبيق عددي : $-4,370 \leq k \leq +4,370$

أي أن قيم زوايا الانحراف هي :

$$k = \pm 1 \quad \theta = \pm 13^\circ 22'$$

$$k = \pm 2 \quad \theta = \pm 27^\circ 54'$$

$$k = \pm 3 \quad \theta = \pm 43^\circ 34'$$

$$k = \pm 4 \quad \theta = \pm 66^\circ 23'$$

3 - قيم زوايا الانحراف θ التي توافق اتجاهات الإضاءة القصوية بالنسبة للضوء الأزرق :
بنفس الطريقة السابقة نتوصل إلى النتائج التالية :

$$-1 \leq \sin \theta \leq +1 \Rightarrow -1 \leq k \cdot \lambda_B \cdot n \leq +1$$

$$-\frac{1}{\lambda_B \cdot n} \leq k \leq +\frac{1}{\lambda_B \cdot n}$$

$$-5,733 \leq k \leq +5,733$$

$$k = \pm 1 \quad \theta = \pm 10^\circ 04$$

$$k = \pm 2 \quad \theta = \pm 20^\circ 41$$

$$k = \pm 3 \quad \theta = \pm 31^\circ 55$$

$$k = \pm 4 \quad \theta = \pm 44^\circ 23$$

$$k = \pm 5 \quad \theta = \pm 60^\circ 69$$

تمرين 4

1 - في الاتجاه $\theta=0$ ليس هناك تبعد للضوء على الشبكة وبالتالي تكون البقعة المركزية صفراء اللون .

2 - بالنسبة للترتبة $k=1$ نحسب قيم زوايا الانحراف الموافقة للإضاءة القصوية للإشعاعات

السابقة بتطبيق العلاقة التالية : $\sin \theta = \lambda n$

بالنسبة للإشعاعات السابقة :

$$\sin \theta_R = \lambda_R n \Rightarrow \theta_R = 37^\circ 95$$

$$\sin \theta_J = \lambda_J n \Rightarrow \theta_J = 36^\circ 08$$

$$\sin \theta_V = \lambda_V n \Rightarrow \theta_V = 34^\circ 61$$

3 - لنبين أنه لا يمكن الحصول على طيف رتبته $k=2$

نطبق العلاقة $\sin \theta = 2\lambda n$ يلاحظ من خلال هذه العلاقة أنه بالنسبة للإشعاعات السابقة

لدينا : $2\lambda n > 1 \Rightarrow \sin \theta > 1$ وبالتالي هذا غير

ممکن إذن لا يمكن الحصول على طيف رتبته 2

4 - 1 للحصول على الضوء المنبعث من الصوديوم

يجب وضع الشاشة في البؤرة الصورة لكون أن

الشعاع نعتبره منبعث من الا نهاية فإنها تمر من

المستوى البؤري الصورة .

$$\frac{1}{OA'} - \frac{1}{OA} = \frac{1}{f'}$$

$$OA = \infty \Rightarrow OA' = f'$$

4 - 2 حساب عرض الطيف :

من خلال الشكل :

$$\tan(\theta_{1J} - \theta_{1V}) = \frac{F'_J F'_V}{f'} \Rightarrow F'_J F'_V = f' \tan(\theta_{1J} - \theta_{1V}) = 0,76 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

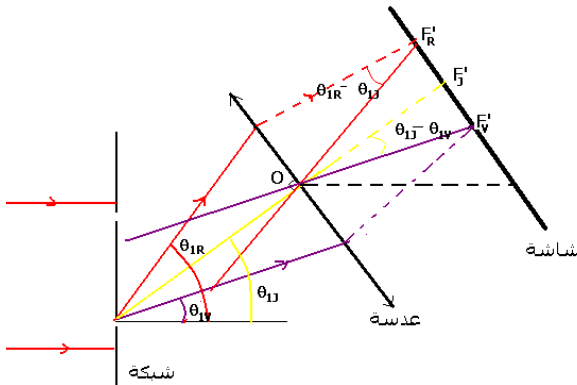
$$\tan(\theta_{1R} - \theta_{1J}) = \frac{F'_R F'_J}{f'} \Rightarrow F'_R F'_J = f' \tan(\theta_{1R} - \theta_{1J}) = 0,87 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$F'_R F'_V = F'_R F'_J + F'_J F'_V = 1,63 \cdot 10^{-2} \text{ m} : \text{ وبالتالي فعرض الطيف هو :}$$

تمرين 5

1 - حساب خطوة الشبكة a :

$$\sin \theta = \frac{2\lambda}{a} \Rightarrow a = \frac{2\lambda}{\sin \theta} = 2,5 \mu\text{m}$$



عدد الشقات في الميليمتر :

$$n = \frac{1}{a} = 0,4.10^6 / m = 0,4.10^3 / mm$$

2 - قيم زوايا انحراف الاتجاهات الموافقة لانتشار الموجات الضوئية أحادية اللون في الحالة :

$$\sin \theta_1 = \lambda n \Rightarrow \theta_1 = 12^\circ 19' : k=1$$

$$\sin \theta_2 = 3\lambda n \Rightarrow \theta_2 = 39^\circ 32' : k=2$$

تمرين 6

1 - عرض الطيف ذي الرتبة $k=1$:

نفس الطريقة المتبعة في التمرين السابق التمرين 4 السؤال 4 - 2

2 - موضع النقط ذات الإضاءة القصوى للضوء الأحمر في حالة $k=1$:

$$\tan \theta_R = \frac{x_{1R}}{f'} \Rightarrow x_{1R} = f' \tan \theta_R$$

$$\tan \theta_{1R} \approx \sin \theta_{1R} = k\lambda_R n$$

$$x_{1R} = f'.k.\lambda_R.n = 0,90m$$

موضع النقط ذات الإضاءة القصوى للضوء البنفسجي في حالة $k=1$:

$$x_{1V} = f'.k.\lambda_V.n = 0,468m$$

بالنسبة ل $k=2$

$$x_{2R} = f'.k.\lambda_R.n = 1,80m$$

$$x_{2V} = f'.k.\lambda_V.n = 0,936m$$

3 - مقارنة الموضعين x_{1R} و x_{2V} :

$$\frac{x_{2V}}{x_{1R}} \approx 1 \Rightarrow x_{2V} \approx x_{1R}$$